

Es1 $\mu_{A,i} = [58.6 \quad 59.2 \quad 56.8 \quad 57.9 \quad 58.2 \quad 57.3] \text{ kg}$ $n=6$

1a) Ricavare $\mu_A \pm u(\mu_A)$

$$\bar{\mu}_A = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n \mu_{A,k} = \frac{1}{6} \sum_{k=1}^6 \mu_{A,k} = 58.0$$

$$u(\mu_A) = \sqrt{\frac{1}{6 \cdot 5} \sum_{k=1}^6 (\mu_{A,k} - \bar{\mu}_A)^2} = 0.355 \text{ kg}$$

$$\mu_A = (58.0 \pm 0.355) \text{ kg}$$

1b) bilancia digitale con portata 150 kg e 300 livelli

$\mu_D = 58.5 \text{ kg}$ esprimere $u(\mu_D) = k u(\mu_0)$ $k=2$

$$\Delta \mu_D = \frac{150 \text{ kg}}{300 \text{ livelli}} = 0.5 \text{ kg}$$

$$u_p(\mu_D) = \frac{0.5}{\sqrt{12}} = 0.144$$

$$u(\mu_D) = 0.289 \text{ kg}$$

$$\mu_D = (58.5 \pm 0.144) \text{ kg}$$

1c) $r_{int} = 20.00(20) \text{ cm}$

$$r_{ext} = 21.00(01) \text{ cm}$$

$$p_{At} = 2.71 \text{ kg/dm}^3$$

PDF triangolare $\frac{1}{\sqrt{24}}$

semilargezza

$$S_{p_{At}} = 50 \cdot 10^{-3} \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

m del recipiente vuoto?

$$m = \frac{1}{3} \pi (r_{ext} - r_{int})^3 \cdot p_{At} = 0.0119 \text{ kg}$$

$$u(p) = \frac{2 S_{p_{At}}}{\sqrt{24}} = 0.02 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

$$u_r(p) = 7.38 \cdot 10^{-3}$$

sia

$$A = r_{ext} - r_{int}$$

$$u(A) = \sqrt{\left(\frac{\partial A}{\partial r_{ext}}\right)^2 u^2(r_{ext}) + \left(\frac{\partial A}{\partial r_{int}}\right)^2 u^2(r_{int})} =$$

$$= \sqrt{u^2(r_{ext}) + u^2(r_{int})} = 2 \cdot 10^{-5} \text{ m}$$

$$u_r(A) = \frac{u(A)}{A} = 2 \cdot 10^{-3}$$

Allora la relazione funzionale

di $m = \frac{4}{3} \pi A^3 p_{At}$

$$u_r(m) = \sqrt{9 u_r^2(A) + u_r^2(p_{At})} = \sqrt{3.609 \cdot 10^{-5} + 5.4465 \cdot 10^{-5}} = 9.516 \cdot 10^{-3}$$

$$u(m) = u_r(m) \cdot m = 1.0898 \cdot 10^{-4} \text{ kg} = 0.1 \text{ g}$$

$$m = (1.14 \pm 0.11) \text{ g}$$

1d) $\rho_{H_2O} = 1 \text{ kg/dm}^3 \pm 10 \text{ mg/dm}^3$

μ_T ?

$$\mu_{H_2O} = V_{H_2O} \cdot \rho_{H_2O} = \frac{4}{3} \pi r_{int}^3 \cdot \rho_{H_2O} = 33.51 \text{ kg}$$

$$\mu_T = \mu_{H_2O} + m = 33.52 \text{ kg}$$

Relaz. funzionale $\mu_T = \frac{4}{3} \pi r_{int}^3 \rho_{H_2O} + m$

$$u(\mu_T) = \sqrt{\left(\frac{\partial \mu_T}{\partial r_{int}}\right)^2 u^2(r_{int}) + \left(\frac{\partial \mu_T}{\partial \rho_{H_2O}}\right)^2 u^2(\rho_{H_2O}) + \left(\frac{\partial \mu_T}{\partial m}\right)^2 u^2(m)} =$$

$$= \sqrt{\left(\frac{4}{3} \pi 3 r_{int}^2 \rho_{H_2O}\right)^2 u^2(r_{int}) + \left(\frac{4}{3} \pi r_{int}^3\right)^2 u^2(\rho_{H_2O}) + u^2(m)} =$$

$$= \sqrt{[1.04 \cdot 10^{-10} + 1.1229 \cdot 10^{-13} + 1.21 \cdot 10^{-8}]^{1/2}} =$$

$$= 1.105 \cdot 10^{-4} \text{ kg} = 0.11 \text{ g}$$

$$\mu_A = (58.0 \pm 0.36) \text{ kg}$$

$$\mu_D = (58.5 \pm 0.144) \text{ kg}$$

$$\mu_T = (97.8 \pm 2.9) \text{ kg} \quad \triangle$$

compatibilità tra le misure

$$\mu_A - \mu_D \quad \left| \mu_A - \mu_D \right| \leq k \sqrt{u^2(\mu_A) + u^2(\mu_D)} \\ 0.5 \leq k \cdot 0.3877 \rightarrow k \geq 1.28 \rightarrow \boxed{k=2} \quad \checkmark$$

$$\mu_A - \mu_T \quad \left| \mu_A - \mu_T \right| \leq k \sqrt{u^2(\mu_A) + u^2(\mu_T)} \\ 10.2 \leq k \cdot 2.922 \rightarrow k \geq 3.49 \quad \times$$

$$\mu_D - \mu_T \quad \left| \mu_D - \mu_T \right| \leq k \sqrt{u^2(\mu_D) + u^2(\mu_T)} \\ 10.7 \leq k \cdot 2.90 \rightarrow k \geq 3.685 \quad \times$$

[Es2] Voltmetro a doppia rampa a $4\frac{1}{2}$ cifre con dinamica da 0 a 19.999 V
opera con un orologio interno a $f_c = 2 \text{ MHz}$

2a) $T_u = 20 \text{ ms}$ $f_1 = 700 \text{ Hz}$ $f_2 = 723 \text{ Hz}$ calcolare la reiezione ai disturbi

$$r_1 = \frac{\pi f_1 T_u}{|\sin(\pi f_1 T_u)|} = \frac{14\pi}{|\sin(14\pi)|} \rightarrow \infty$$

$$r_2 = \frac{\pi f_2 T_u}{|\sin(\pi f_2 T_u)|} = \frac{\frac{723}{50} \pi}{|\sin(\frac{723}{50} \pi)|} = \frac{\frac{723}{50} \pi}{0.992} = 45.79$$

in ampiezza

$$r_{2 \text{ dB}} = 20 \log_{10}(r_2) = 33 \text{ dB}$$

2b) Calcolare la riduzione di misura, V_r e # massimo di conteggi

$$S = 4\frac{1}{2}$$

$$\Delta = \frac{10}{10^4} = 1 \cdot 10^{-3} \text{ V} = 1 \text{ mV}$$

$$N = \frac{D}{\Delta} = \frac{20}{1 \cdot 10^{-3}} = 20.000 \text{ conteggi}$$

$$N_D = \frac{1}{2} N = 10000 \text{ conteggi}$$

$$T_u = N_u \cdot T_c \rightarrow N_u = \frac{T_u}{T_c} = T_u \cdot f_c = 40000$$

$$V_x = -V_r \frac{T_D}{T_u} = -V_r \frac{N_D T_c}{N_u T_c} = -\frac{V_r N_D}{N_u} \rightarrow -V_r N_D = V_x N_u$$

$$V_r = -V_x \frac{N_u}{N_D} = 40 \text{ V} \quad \checkmark$$

$$V_x = 20 \text{ V}$$

max di conteggi ≈ 40.000 conteggi

2c) la massima frequenza di conversione e # di bit?

$$T_u = T_D + T_u = T_c (N_u + N_D) = \frac{N_u + N_D}{f_c} = 0.03 \text{ s}$$

$$f_u = \frac{1}{T_u} = 33.33 \text{ sp/s}$$

$$n = \log_2 N_{u \text{ max}} \approx 15.28 = 16 \text{ bit}$$

Es 3 Oscill. analogico.

segnale impulsato 100 kHz con duty cycle di 55%
 gli impulsi sono riferiti a massa e sono ampie $A = 12 \text{ mV}$
 il tempo di salita e discesa dell'impulso è 20 ns

3a) Caratteristiche dell'oscillos. analogico?

sezione defless. verticale

CH1: accoppiamento in AC/DC è indifferente poiché non si ha componente continua del segnale. \rightarrow qui dice DC se no non viene visualizzato

$$C_y = \frac{A}{8} = 1.5 \frac{\text{mV}}{\text{div}} \text{ scegliamo } 2 \text{ mV/div}$$

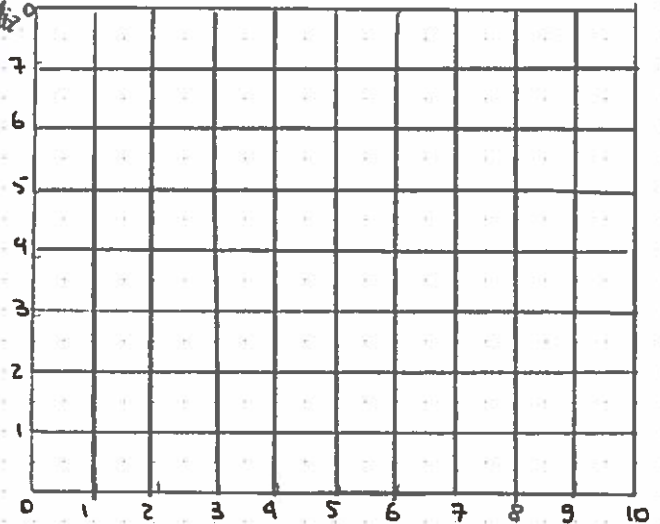
vertical position \rightarrow in basso su $y=0$

sez. defless. orizzontale

trigger \rightarrow LINE poiché gli impulsi sono troppo rapidi, però line non riesce a starci dietro quindi trigger su CH1

$$T_s = 1 \cdot 10^{-5} \text{ s}$$

$$C_x = \frac{T_s}{10} = 1 \mu\text{s/div} \rightarrow \text{non va bene!!!}$$



Ora, il punto è che abbiamo un oscilloscopio analogico e il segnale di ingresso è molto veloce, il tempo di salita del segnale è 20 ns.

$$t_{\text{mils}}^2 = t_{\text{rise}}^2 + t_{\text{osc}}^2 \rightarrow t_{\text{osc}} \text{ deve essere sicuramente maggiore di } 20 \text{ ns.}$$

$$\text{poiché } t_{\text{osc}} = \frac{k}{B} = \frac{0.35}{B} \quad 20 \text{ ns} = \frac{0.35}{B} \rightarrow B = \frac{0.35}{20 \text{ ns}} = 17.5 \text{ MHz}$$

la Banda deve essere sicuramente maggiore di 17.5 MHz

occhiamo una banda di 100 MHz per essere sicuri.

3b) si disegni un singolo impulso a schermo pieno. non capisco la frequenza del duty cycle

3c) le prime armoniche si possono considerare di ampiezza costante pari a 2 AS
 si imposti un AS con $NF = 24 \text{ dB}$ per visualizzare le prime 2 armoniche
 dunque la prima a 100 kHz e la seconda a 200 kHz

$$A_2 = 2AS = 2 \cdot 12 \cdot 10^{-3} \cdot 0.01 = 0.24 \text{ mV} \rightarrow V_{\text{eff}} = \sqrt{2} V_p \quad A_2 \text{ è } V_p \text{ dunque } A_{1\text{eff}} = \frac{A_1}{\sqrt{2}}$$

se $R_{in} = 50 \Omega$ (solitamente)

$$\text{allora } P = \frac{A_1^2}{2 R_{in}} = \frac{(0.24 \cdot 10^{-3})^2}{2 \cdot 50} = 5.76 \cdot 10^{-10} \text{ W}$$

$$P_{\text{dBm}} = 10 \log_{10} \left(\frac{P}{1 \text{ mW}} \right) = -63 \text{ dBm}$$

$$P_T = P_r \cdot RBW \cdot NF \quad \text{ma non abbiamo il fattore RBW}$$

4mpago PL (reference level) a -40 dB

Paese vogliamo vincolare con un certo margine le 2 armoniche

impulso $f_{\text{start}} = 50 \text{ kHz}$ e $f_{\text{stop}} = 250 \text{ kHz}$ $\Delta f = \text{SPAN} = 200 \text{ kHz}$
 $\text{BW} = \Delta f$ ou $\Delta f \approx \text{Co. a}$

$$PBW = \frac{\Delta P}{100P}$$

ovvero Δf è la differenza fra i segnali

Sapiano ~~il~~ ~~documento~~ ~~dell'~~ ~~avviso~~ ~~che~~ ~~era~~ ~~stato~~ ~~inviato~~ ~~a~~ ~~lui~~ ~~per~~ ~~la~~ ~~prima~~ ~~volta~~ ~~di~~ ~~RSCG~~

di $RAV = 1$ kg

con

$$RBV_{dB} = 10 \log_{10} (RBV) = 30 \text{ dB}$$

$$P_{\text{Ferror}} = P_T \cdot \text{RDW} \cdot \text{NF} = -174 \text{ dBm} + 20 \text{ dB} + 24 \text{ dB} = -130 \text{ dBm}$$

$$A_3 = -63 \text{ dB}$$

$$T_{\text{bottom}} = 50 \text{ KHe} \quad T_{\text{top}} = 250 \text{ KHe}$$

$$A_x = \frac{\Delta f}{10} = 20 \text{ kHz/div}$$

² Importando RBV diverse si ottiene

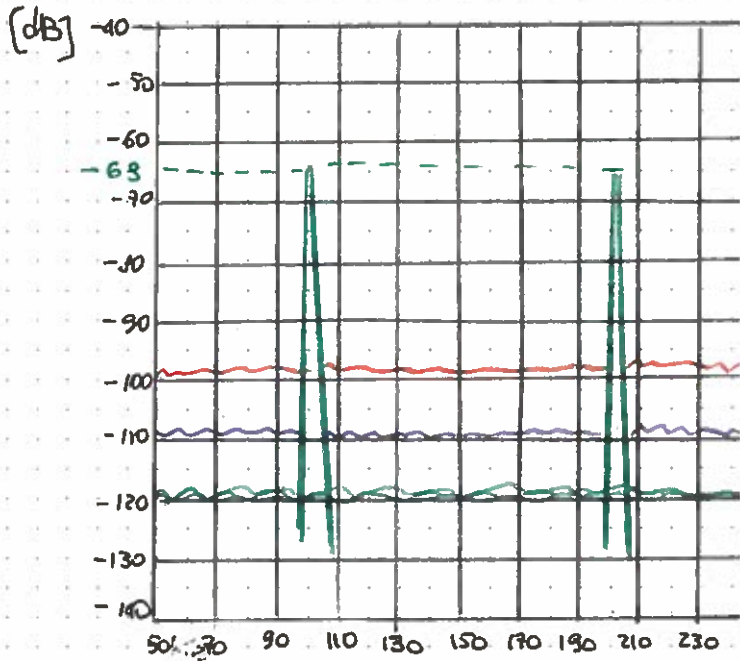
- $PBW = 10 \text{ kHz} \rightarrow P_{\text{Floor}} = -110 \text{ dB}$

$$RBW_{dB} = 40 \text{ dB}$$

- $R_{DS(on)} = 100 \text{ m}\Omega$

$$P_{B/W}_{dB} = 50 \text{ dB}$$

$P_{\text{Floor}} = -100 \text{ dB}$ 樓



3. require RBW come? the base e the criterio? (se non si ha lo ST)

Eser 1a) $m_{a,i} = [58.6; 59.2; 56.8; 57.9; 58.2; 57.3] \text{ kg}$ $n=6$

$$\bar{m}_a = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n m_{a,k} = 58 \text{ kg}$$

$$u(m_a) = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{k=1}^n (m_{a,k} - \bar{m}_a)^2} = 0.355 \text{ kg}$$

$$m_a = (58 \pm 0.355) \text{ kg}$$

1b) $M_{FS} = 150 \text{ kg}$
 $N = 300 \text{ livelli}$
 $m_d = 58.5 \text{ kg}$

$$\Delta m_d = \frac{M_{FS}}{N} = 0.5 \text{ kg}$$

$$u_q(m_d) = \frac{\Delta m_d}{\sqrt{12}} = 0.144 \text{ kg}$$

$$m_d = (58.5 \pm 0.144) \text{ kg}$$

1c) $r_{int} = 20.00(20) \text{ cm}$

$$R = 21.00(01) \text{ cm}$$

$$\rho = 2.71 \text{ kg/dm}^3$$

PDF triangolare di semilarghezza $\delta_p = 50 \cdot 10^{-3} \text{ kg/dm}^3$

$$u(r_{int}) = 0.10 \text{ cm} = 0.2 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$u(R) = 0.01 \text{ cm} = 0.01 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$m_c = \frac{4}{3} \pi (R_{ext}^3 - R_{int}^3) \cdot \rho = \frac{4}{3} \pi \cdot \cancel{10.5 \text{ dm}^3} \cdot 2.71 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} = \cancel{0.01135 \text{ kg}} = 14.31 \text{ kg}$$

$$u(\rho) = \frac{2 \delta_p}{\sqrt{29}} = 0.0209 \text{ kg/dm}^3$$

$$(R_{ext}^3 - R_{int}^3) = A = 1.261 \text{ dm}^3$$

$$u(A) = \sqrt{9 R_{ext}^2 \cdot u^2(R_{ext}) + 9 R_{int}^2 \cdot u^2(R_{int})} = 0.126 \text{ dm}^3$$

$$u_r(m_c) = \sqrt{u_r^2(\rho) + 9 u_r^2(R_{int}) + 9 u_r^2(R_{ext})} = 0.030963$$

$$u_r(A) = 0.1$$

$$u_r(m_c) = \sqrt{u_r^2(A) + u_r^2(\rho)} = 0.1$$

$$u(m_c) = 1.435$$

$$u(m_c) = 0.4431 \text{ kg}$$

$$m_c = (14.31 \pm 0.4431) \text{ kg}$$

$$u_r(\rho) = 7.528 \cdot 10^{-3}$$

$$u_r(R_{int}) = 0.01$$

$$u_r(R_{ext}) = 4.7619 \cdot 10^{-4}$$

1d) $\rho_{H_2O} = 1 \text{ kg/dm}^3 \pm 10 \text{ mg/dm}^3$
 $m_T = ?$

$$m_{H_2O} = \frac{4}{3} \pi R_{int}^3 \rho_{H_2O} = 33.51 \text{ kg}$$

$$m_T = 47.82 \text{ kg}$$

$$u_r(m_{H_2O}) = \sqrt{9 u_r^2(R_{int}) + u_r^2(\rho_{H_2O})} = 0.03$$

$$u_r(R_{int}) = 0.01$$

$$u_r(\rho_{H_2O}) = 1 \cdot 10^{-5}$$

$$u(m_{H_2O}) = 1.005 \text{ kg}$$

$$u(m_T) = \sqrt{u^2(m_{H_2O}) + u^2(m_c)} = 1.35 \text{ kg}$$

$$m_T = (47.82 \pm 1.35) \text{ kg}$$

2e) Compatibilità?

$$|u_a - u_d| \leq k \sqrt{u^2(u_a) + u^2(u_d)}$$

$$k \geq 1.3$$

comp. con $k=2$

$$|u_a - u_p| \leq k \sqrt{u^2(u_a) + u^2(u_p)}$$

$$k \geq 5.7$$

(10)

$$|u_a - u_T| \leq k \sqrt{u^2(u_a) + u^2(u_T)}$$

$$k \geq 3.981$$

(10)

Es2 Voltmetro a doppia rampa
 $f_0 = 2 \text{ MHz}$

$$\delta = 9 \frac{1}{2} \text{ or } f_{\text{re}}$$

$$D = 19.999 \text{ V}$$

↑
unipolare

2a) $T_u = 20 \text{ ms}$

risoluzione a $f_2 = 700 \text{ Hz}$ $f_2 = 723$ in dB

$$r_2 = \frac{\pi f_2 T_u}{|\sin(\pi f_2 T_u)|} = \frac{14\pi}{|\sin(14\pi)|} = \infty \text{ risoluzione infinita}$$

$$r_2 = \frac{45.42742947}{0.992} = 45.788 = 33.22 \text{ dB}$$

2b) ΔV ; V_r ; N_u ; $N_{D, \text{MAX}}$

$$\Delta V = \frac{10}{10^4} = 10^{-3} = 0.001 \text{ V} = 1 \text{ mV}$$

$$T_c = \frac{1}{f_c} = 5 \cdot 10^{-7} = 0.5 \mu\text{s}$$

$$N = \frac{D}{\Delta V} = \frac{19.999}{0.001} \text{ livelli} = 20000 \text{ livelli}$$

$$n = \log_2 N \approx 15 \text{ bit}$$

$$T_u = N_u T_c \rightarrow N_u = \frac{T_u}{T_c} = 40000 \text{ livelli}$$

$$V_{\text{MAX}} = -V_r \frac{N_{D, \text{MAX}}}{N_u} \rightarrow$$

$$N_u V_{\text{MAX}} = -V_r N_{D, \text{MAX}}$$

$$V_{\text{MAX}} = V_{FS} = 19.999 \text{ V}$$

$$V_r = -V_{\text{MAX}} \frac{N_u}{N_{D, \text{MAX}}} = 40 \text{ V}$$

$$T_{\text{MIS}} = T_u + T_D$$

$$\frac{1}{f_{\text{MIS}}} = \frac{1}{T_u + T_D}$$

$$= 33.33 \text{ Hz}$$

Es3 Si ha un segnale impulsato a $f = 100 \text{ kHz}$ con $DC = 1\%$

$$A_p = 12 \text{ mV}$$

$$t_s = 20 \mu\text{s}$$

3a) Caratt. dell'oscilloscopio analogico,

$$\frac{t_{\text{osc}}}{T} = \frac{0.35}{B}$$

$$t_s^2 = t_{\text{rise}}^2 + t_{\text{osc}}^2 \rightarrow t_{\text{osc}} \geq t_s = 20 \mu\text{s}$$

ma allora la banda $B \geq 38 \text{ MHz}$ seipo una $B = 10 \text{ MHz}$

$$t_s = \sqrt{(20 \cdot 10^{-9})^2 + (\text{something})^2} = 20.61 \cdot 10^{-9} \text{ s} = 20.61 \text{ ns}$$

$$t_{\text{osc}} = 50 \text{ ns}$$

3b) "ipotesi" per vedere un impulso

$$T_i = \frac{1}{f} = 10 \mu\text{s}$$

• sezione di deflessione verticale

Accoppiamento : AC o DC non esente nulla

$$T = 10 \mu s$$

potenza DC = 5% = 0.05 allora $T_{impulso} = 92 \mu s = 100 \mu s$

$$C_y = \frac{A}{s} = \frac{12 \cdot 10^{-3} V}{8} = 1.5 \cdot 10^{-3} V/div \rightarrow C_y = \frac{2 mV}{div}$$

livello di zero : sulla divisione nulla

• sez. defless. orizzontale

trigger su CH2 poco più di 0V

$$C_x = \frac{100 \mu s}{10} = 10 \mu s / div$$

Slope +

3C) si imposti e' AS per vedere le forme 2 armoniche

$$f_1 = 100 kHz \quad A_1 = 0.24 mV$$

$$f_2 = 200 kHz \quad A_2 = 248 = 0.24 mV$$

$$\cancel{f_3 = 400 kHz} \quad \cancel{A_3 = 0.24 mV}$$

$$NF = 24 dB$$

$R_{in} = 50 \Omega$

$$\Delta f = 100 kHz \rightarrow RBW = \frac{100 kHz}{10 div} = 10 kHz$$

$$A_{eff} = \frac{A_{1p}}{\sqrt{2}} ; \quad A_p = A_1$$

$$P_1 = \frac{A_1^2}{2 R_{in}} = 5.76 \cdot 10^{-10} \rightarrow P_{1dAm} = -62 dAm$$

$$P_2 = \frac{A_2^2}{2 R_{in}} = 5.76 \cdot 10^{-10} \quad P_{2dAm} = -62 dAm$$

$$P_{Floor} = P_{T(dAm)} + RBW_{dBHz} + NF_{dB} = -174 + 40 + 24 = -110 dAm$$

$$RBW_{dBHz} = 40 dBHz$$

$$RL = -50 dBm$$

$$A_y = 6 dBm / div$$

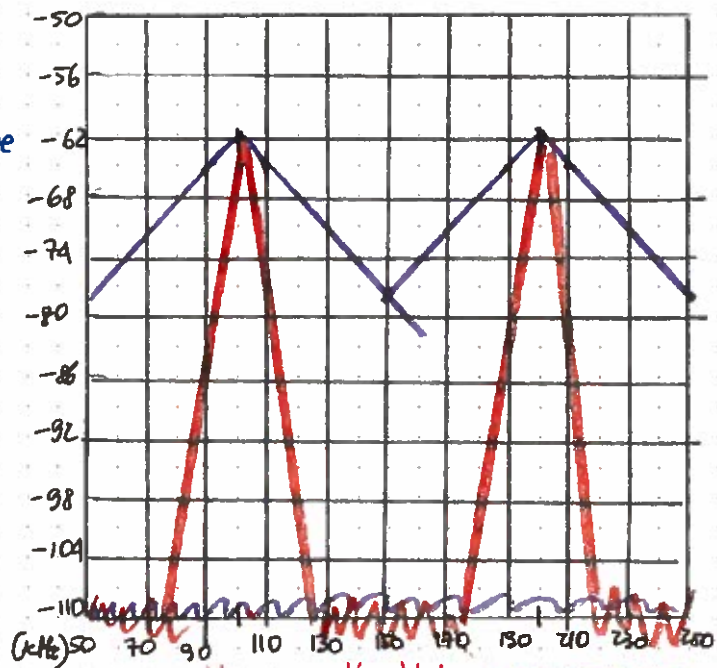
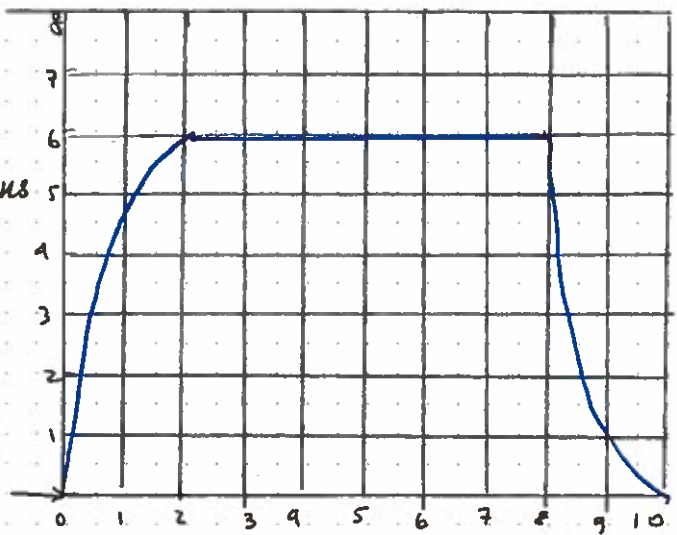
$$A_x = \frac{8 \mu s}{10} = 20 kHz / div$$

$$f_{max} = 50 kHz$$

$$f_{stop} = 250 kHz$$

$$RBW = 1 kHz$$

$$P_{Floor} = -174 + 24 + 30 = -120 dAm$$

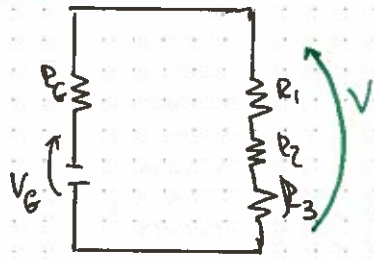


$$V_{ref} = 220 V = V_{eff}$$

$$V_p = V_{eff} \cdot \sqrt{2} \rightarrow$$

$$V_{eff} = \frac{V_p}{\sqrt{2}}$$

Es1 Si vuole determinare V ; $V_G = 9V$ con incertezza estesa al 97.7% 0.6V



$R_G = 50\Omega$ con 4% di incertezza

$R_1 = 100\Omega$ $u(R_1) = 6\Omega$ $k=3$

$R_2 = 50(\pm)\Omega$

$R_{3,i} = [53 \quad 96 \quad 47 \quad 54]\Omega$

$n=4$

1a) R_3 e la sua incertezza dopo

$$\bar{R}_3 = \frac{1}{4} \sum_{k=1}^4 R_{3,k} = 50\Omega$$

$$R_3 = [50 \pm 2.0]\Omega$$

$$u(R_3) = \sqrt{\frac{1}{12} \sum_{k=1}^4 (R_{3,k} - \bar{R}_3)^2} =$$

$$u_{\text{categoria A}} = 2.0\Omega$$

1b) V_G, R_G, R_1, R_2 ?

$$u(V_G) = k \cdot u(V_G) \rightarrow u(V_G) = \frac{0.6V}{3} = 0.2V$$

$$V_G = [9.0 \pm 0.2]V$$

$$u(R_G) = 0.04 \rightarrow u(R_G) = 0.04 \cdot 50 = 2\Omega$$

$$R_G = [50 \pm 2]\Omega$$

$$u(R_1) = \pm u(R_1) \rightarrow u(R_1) = \frac{6}{3} = 2\Omega$$

$$R_1 = [100 \pm 2]\Omega$$

$$u(R_2) = 2\Omega$$

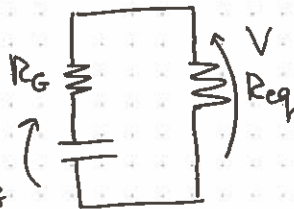
$$R_2 = [50 \pm 2]\Omega$$

2a) Si ricavi V

si ha un partitore di tensione

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 = 200\Omega$$

$$V = V_G \frac{R}{R + R_G} = 9 \cdot \frac{200}{200 + 50} = 7.2V$$



$$u(R_{eq}) = \sqrt{u^2(R_1) + u^2(R_2) + u^2(R_3)} = 3.5V$$

$$u(V) = \left[\left(\frac{\partial V}{\partial V_G} \right)^2 \cdot u^2(V_G) + \left(\frac{\partial V}{\partial R} \right)^2 \cdot u^2(R) + \left(\frac{\partial V}{\partial R_G} \right)^2 \cdot u^2(R_G) \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$= \left[\left[\frac{R}{R + R_G} \right]^2 \cdot (0.2)^2 + \left[V_G \frac{R_G}{(R + R_G)^2} \right]^2 \cdot (3.5)^2 + \left(V_G \frac{R}{(R + R_G)^2} \right)^2 \cdot 2^2 \right]^{\frac{1}{2}} =$$

$$\frac{\partial V}{\partial R} = \frac{V_G (R + R_G) - V_G R}{(R + R_G)^2} = V_G \left(\frac{R + R_G - R}{(R + R_G)^2} \right) = V_G \frac{R_G}{(R + R_G)^2}$$

$$\frac{\partial V}{\partial R_G} = \frac{0 - V_G R}{(R + R_G)^2} = -V_G \frac{R}{(R + R_G)^2}$$

$$= \left[\frac{1.6}{625} + 6.3504 \cdot 10^{-4} + 3.3176 \cdot 10^{-3} \right]^{\frac{1}{2}} = 0.17V$$

$$V = [7.2 \pm 0.17] V$$

1d) Voltmetro digitale a $8 = 2 \frac{1}{2}$ cifre con $D = \pm 99.5 V$

$$V_V = 7.0 V$$

$$\Delta = 0.5 V$$

$$u_q = \frac{\Delta}{\sqrt{12}} = 0.15 V$$

$$V_V = [7.0 \pm 0.15] V$$

1e) Si valuta la compatibilità e si calcola la miglior stima

$$|V - V_V| \leq k \sqrt{u^2(V) + u^2(V_V)} \quad \text{compatibilità tra 2 misure}$$

$$0.2 \leq k \cdot 0.27 \rightarrow k > 0.8 \rightarrow \text{compatibili con } \underline{k=1}$$

miglior stima

$$V_M = \frac{\frac{V}{u^2(V)} + \frac{V_V}{u^2(V_V)}}{\frac{1}{u^2(V)} + \frac{1}{u^2(V_V)}} = \frac{560.25}{79} = 7.091 V$$

$$u(V_M) = \sqrt{\frac{1}{\frac{1}{u^2(V)} + \frac{1}{u^2(V_V)}}} = 0.13 V$$

$$V_M = [7.09 \pm 0.12] V$$

Es 2 DAQ con $G_1 = 0.5, 1, 10, 100$

2a) AD con dinamica unipolare $0; +5V$

V_1 : segnale di banda massima $f_1 = 100 \text{ kHz}$, $V_{pp} = 600 \text{ mV}$ a valor medio $\pm V$
 $\Delta V = 0.1 \text{ mV}$

V_2 : onda quadrata di livelli $0; 5V$ $f_2 = 5 \text{ kHz}$ di cui si vogliono almeno 20 punti per periodo

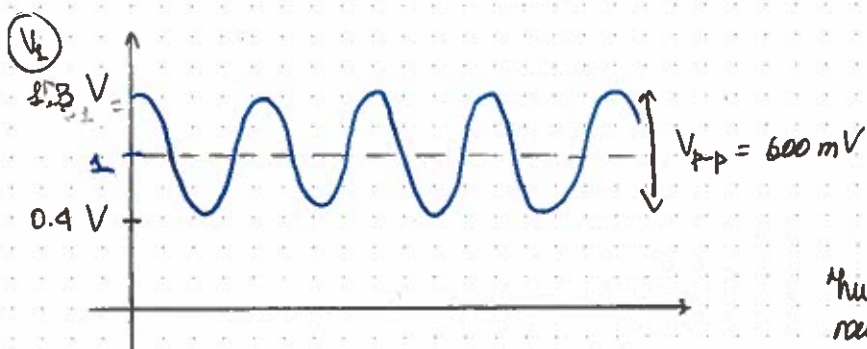
V_3 : termocoppie con sensibilità di $50 \mu\text{V}/^\circ\text{C}$ impiegato a misurare $T = 500^\circ\text{C}$
 con $u(T) \leq 0.1^\circ\text{C}$

Collegiammo i canali in modalità differenziale, allora abbiamo bisogno di 6 canali.

$$f_1 = 100 \text{ kHz} \quad f_{c1} = 200 \text{ kHz}$$

$$f_2 = 5 \text{ kHz} \quad f_{c2} = 100 \text{ kHz} \quad f_c \geq 2 f_{\text{max}}$$

$$f_3 \rightarrow \text{termocoppie} \quad f_c \geq 200 \text{ kHz} \text{ a canale} \rightarrow f_{c \text{ DAQ}} = 600 \text{ kHz}$$



Dinamica del segnale:

700 mV a 1300 mV

invece $G_2 = 1$ altrimenti esce dall'range di 0-5 Volt

Il numero di livelli richiesti è $N = \frac{D_{AD}}{G_2 \cdot \Delta V_2} = \frac{5 \text{ V}}{0.1 \cdot 10^{-3} \text{ V}} = 50000 \text{ livelli}$

Numero di bit richiesti: $n = \log_2 N = 15.6 = 16 \text{ bit}$

V2 Dinamica del segnale 0-5V, possiamo impostare $G_2 = 1$ oppure $G_2 = 0.5$ per inquadrare l'onda quadrata meglio.

Non ci sono richieste sulla risoluzione

V3 $u(T) \leq 0.1^\circ\text{C} \rightarrow$

$$V_3 = \Delta T \cdot S = 500^\circ\text{C} \cdot 50 \mu\text{V}/^\circ\text{C} = 0.025 \text{ V} = 25 \text{ mV}$$

impediamo $G_3 = 100$

$$u(V) = u(T) \cdot S = 0.1^\circ\text{C} \cdot 50 \mu\text{V}/^\circ\text{C} = 5 \cdot 10^{-6} \text{ V} = \frac{\Delta}{\sqrt{12}} \rightarrow \Delta = 0.17 \mu\text{V}$$

$$N = \frac{D_{AD}}{G_3 \cdot \Delta V} = \frac{5}{100 \cdot 0.17 \cdot 10^{-6}} = 294118 \text{ livelli}$$

$$n = \log_2 N = 18 \text{ bit}$$

Abbiamo bisogno di una DAC a 18 bit con $f_c = 600 \frac{\text{ksa}}{\text{s}}$ con 3 CH in differenziale

2b) Quale ADC è impiegato? → ad approx successive

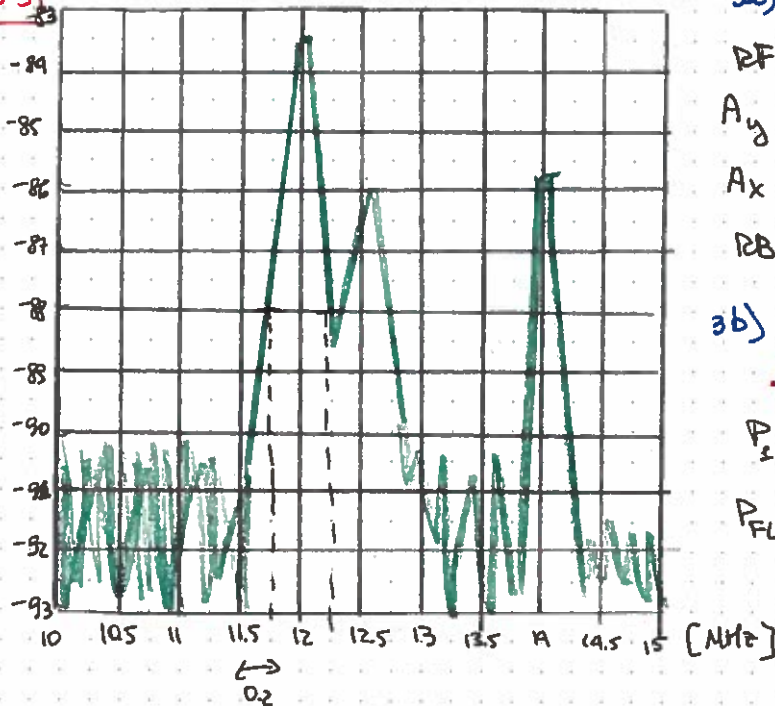
2c) $V_A f_1 = 10 \text{ MHz}$ $V_{PP} = \pm 1 \text{ V}$

$$f_c \geq 2f_1 = 20 \text{ MHz} \rightarrow f_{c \text{ DAC}} = 60 \text{ MHz} = 60 \frac{\text{ksa}}{\text{s}}$$

si dovrebbe usare un flash perché deve avere un convertitore a frequenza di conversione alta

2d) conseguenze? poca accuratezza, genera 8 bit

Es 3



3a) si derivano le impostazioni reali dall'idea

$$PF = -83 \text{ dB}$$

$$A_y = 1 \text{ dB/div}$$

$$A_x = 0.5 \text{ MHz/div}$$

$$RBW = 0.2 \text{ MHz} = 200 \text{ kHz}$$

3b) Quanto vale il rapporto segnale rumore per il segnale più ampio?

$$P_s = -84.5 \text{ dB}$$

$$P_{\text{Floor}} = -92.5 \text{ dB}$$

$$S/R = P_{\text{Floor (dB)}} P_s (\text{dB}) =$$

$$= -92.5 \text{ dB} - (-84.5) \text{ dB} = 8 \text{ dB}$$

3c) si stima il tempo di acquisizione e NF

$$ST = \frac{3 \text{ SPAN}}{(RBW)^2} = \frac{3 \cdot 5 \text{ MHz}}{4 \cdot 10^{10} \text{ Hz}} = \frac{3 \cdot 5 \cdot 10^6}{4 \cdot 10^{10}} = 0.375 \text{ ms}$$

dove con 3 si tiene conto del tempo di risposta del filtro quasi gaussiano dell'AS

NB per determinare RBW del segnale, si deve tenere conto che ad altezza a metà proiezione su x, ecco la distanza tra la proiezione e la frequenza a cui sta la potenza min da la RBW

$$P_{\text{Floor}} = P_r \cdot RBW \cdot NF = -174 \text{ dB}_m + 53 \text{ dB} + NF_{\text{dB}} = -92 \text{ dB} \rightarrow NF = -92 + 174 \text{ dB}_m - 53$$

$$RBW_{\text{dB}} = 10 \log_{10} (RBW) =$$

$$NF = 29 \text{ dB}$$

3d) meno Rumore? → aumentando c'è RBW altrimenti diminuire il video bandwidth

E84 Si ha un oscilloscopio analogico a canali con banda $B = 100 \text{ MHz}$

Si osserva $V_s(t) = V_0 \cos(2\pi f_0 t + \varphi)$ e l'uscita di un amplificatore invertente con soglia a 0 V ; $t_s = 10 \text{ ns}$ e livelli di uscita 0 V e 5 V
 All'ingresso del comparatore è posto il segnale V_s

$$V_0 = 3 \text{ V} \quad f_0 = 2 \text{ MHz} \quad \varphi = 543 \text{ mrad}$$

4a) Si scelgano le impostazioni

$$V_1: V_s = V_0 \cos(2\pi f_0 t + \varphi) \quad V_0 = 3 \text{ V} \quad f_0 = 2 \text{ MHz} \quad \varphi = 543 \cdot 10^{-3} \text{ rad}$$

V_2 : comparatore invertente con $t_s = 10 \text{ ns}$ e livelli di uscita 0 e 5 V

serie deflessione verticale

Per entrambi i segnali non abbiamo componente continua del segnale dunque è indifferente se accoppiamo in AC/DC. Scegliamo di accoppiare comunque in AC.

Il primo segnale è una sinusoide con $V_p = 3 \text{ V}$; $V_{pp} = 6 \text{ V}$

Non amplifichiamo nessuno dei 2 segnali poiché già adatti alla dinamica dell'osc.

$$D_{V1} = \pm 3 \text{ V}; \quad D_{V2} = 0-5 \text{ V}$$

Calcoliamo i coefficienti di deflessione verticale.

$$C_{y1,2} = \frac{6 \text{ V}}{8 \text{ div}} = 0.75 \text{ V/div} \quad \text{scegliamo } C_{y1} = \pm 1 \text{ V/div}$$

$$\text{CH1: } V_s = V_0 \cos(2\pi f_0 t + \varphi)$$

CH2: onda quadra

$$C_{y2} = \frac{5 \text{ V}}{8 \text{ div}} = 0.625 \text{ V/div} \quad \text{scegliamo } C_{y2} = \pm 1 \text{ V/div}$$

Vertical position: al centro dello schermo

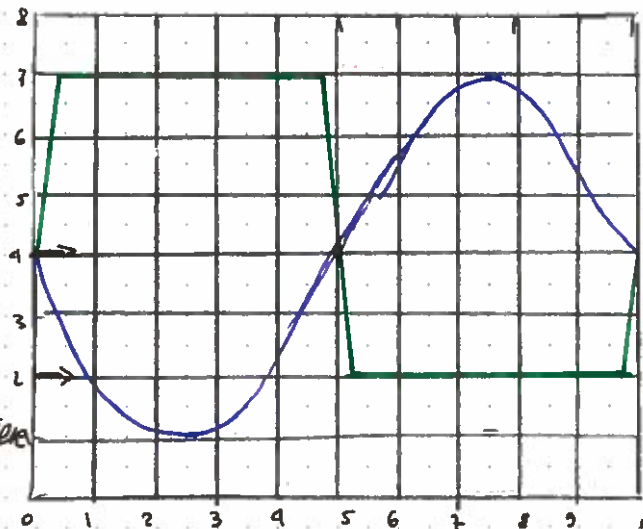
serie deflessione orizzontale

Poiché all'ingresso del comparatore viene messo V_s vuol dire che la frequenza dell'onda quadra è sempre 2 MHz .

Scegliamo come sorgente di sincronizzazione (trigger) il canale CH2 in modalità automatica, slope+

Poiché i 2 segnali non molto veloci e sinuosi, la modalità di visualizzazione di scelta base da scegliere è alternated

$$\text{Coefficiente di deflessione orizzontale: } C_x = \frac{T_s}{10} = \frac{1}{f_s 10} = 50 \text{ ns/div}$$



4b) Si calcoli il tempo di salita dell'onda quadra nell'oscil.

$$t_{mis} = \sqrt{t_s^2 + t_{osc}^2} = 10.6 \text{ ns}$$

$$t_{osc} = \frac{0.35}{B} = 3.5 \text{ ns}$$

NB CH1: livello di zero e impostiamo sulla 4^a divisione verticale

CH2: livello di zero sulla seconda divisione verticale

NB Si deve scegliere sempre il trigger nel segnale con fronte di salita più rapido e segnale stabile

E81 Un'azienda produce sfere di diametro d

1) misurare con calibro decimale di $\Delta = \frac{1}{10} \text{ mm} = \frac{1}{10} \cdot 10^{-3} \text{ m} = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}$

$$d = 8.0 \text{ mm} = 8.0 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 8.0 \cdot 10^{-2} \text{ dm}$$

bolli \rightarrow $\rho = 7.5 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$ e $\rho = 8.0 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$
 californ

2a) incertezze assolute e relative di ρ e d

d) $d = 8.0 \cdot 10^{-3} \text{ m}$ $\Delta = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}$ $u(d) = u_q(d) = \frac{1 \cdot 10^{-4}}{\sqrt{2}} = 2.89 \cdot 10^{-5} \text{ m}$

$$u_r(d) = \frac{u(d)}{d} = 3.62 \cdot 10^{-3} = \frac{\Delta}{\sqrt{2}}$$

$$\rho = \frac{\rho_1 + \rho_2}{2} = 7.75 \cdot \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \quad \Delta \rho = 0.5 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3} \quad u(\rho) = \frac{\Delta \rho}{\sqrt{2}} = 0.194 \cdot \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$$

$$u_r(\rho) = \frac{u(\rho)}{\rho} = 0.0186$$

1b) m e l'incertezza su m con $k=3$

$$m = \rho \cdot V = \rho \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 = 2.078 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$$

Poiché la relazione funzionale di m è una semplice prodotto e le misure sono correlate allora possiamo calcolare $u_r(m)$ come segue:

$$u_r(m) = \sqrt{u_r^2(\rho) + 3 u_r^2(R)} = 0.0215$$

$$u(m) = u_r(m) \cdot m = 4.48 \cdot 10^{-5} \text{ kg}$$

$$U(m) = k u(m) = 1.34 \cdot 10^{-4} \text{ kg}$$

1c) $m_{d,i} = [2.0 \quad 2.2 \quad 2.0 \quad 2.1 \quad 2.2] \text{ g}$ n misuri m_d e la sua incertezza tipo $n=5$

$$\bar{m}_d = \frac{1}{5} \sum_{k=1}^5 m_{d,k} = 2.1 \text{ g}$$

$$u(m_d) = \left[\frac{1}{20} \sum_{k=1}^5 (m_{d,k} - \bar{m}_d)^2 \right]^{1/2} = 0.0447 \text{ g}$$

$$m_d = (2.1 \pm 0.0447) \text{ g}$$

UB $m_a = (2.078 \pm 0.0448) \text{ g}$

1d) valutare la compatibilità tra le misure

$$|m_a - m_d| \leq k \sqrt{u^2(m_a) + u^2(m_d)}$$

$$0.022 \leq k \cdot 0.0633$$

$$k \geq 0.35$$

$$\rightarrow k=1$$

Es2 $d = \frac{k}{V_{out}}$ $k = 25 \text{ V} \cdot \text{cm}$ per distanze comprese tra 10cm e 50cm

l'ampiezza della tensione in uscita viene appiomata ogni 0.5 ms

lo strumento viene alimentato a bassa tensione: 4.5V (unipolare)

2a) Indicare le caratteristiche della DAC per poter acquisire contemporaneamente la tensione di alimentazione e l'uscita analogica con un'incertezza inferiore a 600μV usando lo stesso guadagno per ogni canale.

la distanza media $d = \frac{10\text{cm} + 50\text{cm}}{2} = 30\text{cm} = 30 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 0.3 \text{ m}$

$V_{out} = \frac{k}{d} = \frac{25 \text{ V} \cdot \text{cm}}{30\text{cm}} \approx 0.833 \text{ V}$ media $\Delta d = 0.2 \text{ m}$

$V_{out(\text{min})} = \frac{k}{50\text{cm}} = \frac{25 \text{ V} \cdot \text{cm}}{50\text{cm}} = \frac{1}{2} \text{ V} = 0.5 \text{ V}$

$V_{out(\text{max})} = \frac{k}{10\text{cm}} = \frac{25 \text{ V} \cdot \text{cm}}{10\text{cm}} = 2.5 \text{ V}$

dunque la dinamica di V_{out} è da 0.5V a 2.5V

$V_{\text{alim}} = 4.5 \text{ V}$

$D_{\text{DAC}} = 0.5 \text{ V unipolare.}$

Utilizziamo guadagno $G = 1$

Ci viene chiesta un'incertezza $\epsilon(V_k) \leq 600 \mu\text{V} = \frac{\Delta}{\sqrt{12}}$ che dunque può essere un errore di quantizzazione

e allora $\Delta = 600 \mu\text{V} \cdot \sqrt{12} = 2.078 \cdot 10^{-3}$

$N = \frac{D_{\text{DAC}}}{\Delta} = \frac{5}{2.078 \cdot 10^{-3}} = 2405.6 \approx 2406 \text{ livelli.}$

Il numero di bit richiesti è $n = \log_2 N = 11.23 \approx 12 \text{ bit}$

25 p

la scheda deve disporre di 2 canali

la tensione di alimentazione ha una $f = 50 \text{ Hz}$, che è $f_{v_{in}}$

$f_c \geq 2 f_{\text{max}} = 20 \text{ MHz}$

$f_{\text{out}} = \frac{1}{T_{\text{retraso}}} = 1 \cdot 10^{10} \text{ Hz} = 10 \text{ MHz}$

la scheda deve campionare almeno a 40 MHz

✓

2b) $V_{out} = [2.49; 0.97; 0.51] \text{ V}$ in corrispondenza di $d = [10; 25; 50] \text{ cm}$

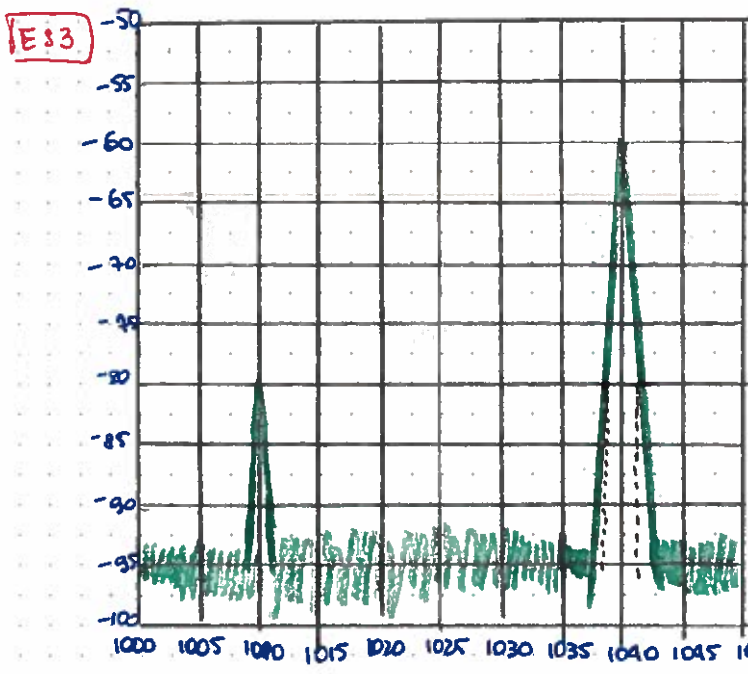
utilizziamo come il sensore

ritrovare k attraverso la regressione

$y = mx + b$

$$m = \frac{n \sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}$$

$$b = \frac{\sum x_i^2 \sum y_i - \sum x_i \sum x_i y_i}{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2} = \frac{\sum y_i - m \sum x_i}{n}$$



3a) si deriviamo le importanti relazioni per vedere la misura

$$RL = -50 \text{ dBm}$$

$$f_{\text{start}} = 1000 \text{ MHz}$$

$$A_y = 5 \text{ dB/div}$$

$$f_{\text{stop}} = 1050 \text{ MHz}$$

$$A_x = 5 \text{ MHz/div}$$

$$\text{SPAN} = 50 \text{ MHz}$$

$$\text{RBW} = 1.25 \text{ MHz}$$

3b) ST e NF?

$$ST = \frac{3 \text{ SPAN}}{(\text{RBW})^2} = 96 \mu\text{s}$$

$$P_{\text{Floor}} = -95 \text{ dBm}$$

$$P_{\text{Floor}} = P_i \cdot \text{RBW} \cdot \text{NF} = P_T (\text{dBm}) + \text{RBW}_{\text{dB}} + \text{NF}_{\text{dB}} = -95 \text{ dBm}$$

$$\text{RBW}_{\text{dB}} = 63 \text{ dB}$$

$$P_T = -174 \text{ dBm}$$

$$\text{NF} = -95 \text{ dBm} + 174 \text{ dBm} - \text{RBW}_{\text{dB}} = 18 \text{ dB}$$

3c) si deriva una possibile espressione del segnale riportandone i valori numerici.

Si hanno 2 componenti armoniche a $f_1 = 1010 \text{ MHz}$

$$f_2 = 1040 \text{ MHz}$$

$$P_1 = -80 \text{ dBm}$$

$$P_2 = -60 \text{ dBm}$$

$$R_{\text{in}} = 50 \Omega \text{ tipicamente}$$

$$\text{In entrata } P_2 = 10^{-3} \cdot 10 \exp\left[\frac{P_{2\text{ dBm}}}{10}\right] = 1 \cdot 10^{-9} \text{ W}$$

$$P_2 = \frac{V_{\text{eff}}^2}{R_{\text{in}}} \rightarrow V_{\text{eff}} = \sqrt{P_2 R_{\text{in}}} = 2.24 \cdot 10^{-4} \text{ V}$$

$$V_{2\text{ eff}} = 0.224 \text{ mV} \rightarrow V_{2\text{ p}} = \sqrt{2} V_{\text{eff}} = 3.16 \cdot 10^{-4} \text{ V}$$

Analogamente

$$P_1 = 10^{-3} \cdot 10 \exp\left[\frac{P_{1\text{ dBm}}}{10}\right] = 1 \cdot 10^{-11} \text{ W}$$

$$V_{1\text{ eff}} = \sqrt{P_1 R_{\text{in}}} = 2.24 \cdot 10^{-5} \text{ V}$$

$$V_{1\text{ p}} = 3.16 \cdot 10^{-5} \text{ V}$$

$$V(t) = [3.16 \cdot 10^{-5} \sin(2\pi f_1 t) + 3.16 \cdot 10^{-4} \sin(2\pi f_2 t)] \text{ V}$$

$$P_{\text{dBm}} = 10 \log_{10}\left(\frac{P_i}{1 \text{ mW}}\right)$$

$$\frac{P_{\text{dBm}}}{10} = \log_{10} 10 = \log_{10}\left(\frac{P_i}{1 \text{ mW}}\right)$$

$$10^{\frac{P_{\text{dBm}}}{10}} = \frac{P_i}{1 \text{ mW}} \rightarrow$$

$$P_i = 10^{-3} \cdot 10^{P_{\text{dBm}}/10}$$

4a) $S = 10 \text{ mV}/^\circ\text{C} \rightarrow$ integrato LM35

a) $T = 120^\circ\text{C}$ si misura una $V_{120^\circ} = 1.9 \text{ mV}$

a) $T = 20^\circ\text{C}$ si misura una $V_{20} = -0.1 \text{ mV}$

a) si ricavi la sensibilità α della termocoppia

$$\alpha = \frac{\Delta V_{TC}}{\Delta T} = \frac{1.9 \text{ mV} - (-0.1 \text{ mV})}{120^\circ\text{C} - 20^\circ\text{C}} = \frac{2 \text{ mV}}{100^\circ\text{C}} = 20 \frac{\mu\text{V}}{^\circ\text{C}}$$

4 b) si intendono misurare le tensioni prodotte dalla termocoppia e dall'integrato LM35 tramite un oscil. digitale a 4 canali con massima sensibilità 5 mV/div
termocoppia \rightarrow amplificata

Qual'è G t.e. ΔV dell'oscil. corrisponda ad una variazione di 0.5°C

$$\Delta V_{\text{req}} = 0.5^\circ\text{C} \cdot 20 \frac{\mu\text{V}}{^\circ\text{C}} = 10 \mu\text{V} \text{ ie minimo rilevabile deve essere questo}$$

l'osc. digitale è a 8 bit $\rightarrow N = 2^8 = 256$ livelli =

la dinamica complessiva dello schermo è $5 \frac{\text{mV}}{\text{div}} \cdot 8 \text{ div} = 40 \text{ mV}$

a cui corrisponde una risoluzione verticale

$$\Delta V_{\text{oe}} = \frac{40 \text{ mV}}{256 \text{ livelli}} = 156 \mu\text{V}$$

$$G = \frac{\Delta V_{\text{oe}}}{\Delta V_{\text{req}}} = 15.6$$

4c) si ha $T_1 = 65^\circ\text{C}$
 $T_2 = 25^\circ\text{C}$

descrivere le impostazioni dell'oscil. per misurarle

termocoppia

$$V = \alpha T = 20 \frac{\mu\text{V}}{^\circ\text{C}} \cdot 65^\circ\text{C} = 1.3 \text{ mV} = V_1 ; V_2 = 95 \mu\text{V}$$

allora, accoppiamo in DC poiché sono segnali continui, vertical position a metà dello schermo, level zero nella divisione verticale di ordine zero

[NB] la termocoppia ha una dinamica da 0.5 mV a 1.3 mV

$$V_{1LM} = 10 \text{ mV}/^\circ\text{C} \cdot 65^\circ\text{C} = 0.65 \text{ V} ; V_{2LM} = 0.25 \text{ V}/^\circ\text{C} \cdot 25^\circ\text{C} = 0.0625 \text{ V}$$

$$D_{LM35} = \text{da } 0.25 \text{ V a } 0.65 \text{ V}$$

la termo viene amplificata di $G = 15.6$

$$C_{y, \text{ termo}} = \frac{D_{\text{termo}} \cdot G}{8} = \frac{0.0625 \cdot 15.6}{8} = 1.56 \cdot 10^{-3} \text{ V/div} = 1.56 \text{ mV/div}$$

4 p.

$$C_{y, LM35} = 0.05 \text{ V/div}$$

trigger in automatico

Es1 Un proiettile viaggia a velocità v misurata in 3 modi diversi

a) $v_1 = 300 \text{ m/s}$ $u(v_1) = 15 \text{ m/s}$ al 99.7% di incertezza

$v_2 = 300 \text{ m/s} \pm 5 \text{ m/s}$ $u(v_1) = k u(v_1) \rightarrow u(v_1) = \frac{u(v_1)}{3} = 5 \text{ m/s}$

$u_r(v_1) = \frac{u(v_1)}{v_1} = 0.0167$

$v_2 = 330 \quad 333 \quad 329 \quad 335 \quad 327 \quad 330 \quad 325 \quad 331 \quad u=8$

$\bar{v}_2 = \frac{1}{8} \sum_{k=1}^8 v_{2,k} = 330$

$u(v_2) = \left[\frac{1}{56} \sum (v_{2,k} - \bar{v}_2)^2 \right]^{\frac{1}{2}} = 1.12 \text{ m/s}$

$v_2 = (330 \pm 1.12) \text{ m/s}$ $u_r(v_2) = \frac{u(v_2)}{v_2} = 3.39 \cdot 10^{-3}$

$v_3: L = 2.02 (\pm) \text{ m}$ con $T = 6.06 \text{ ns}$ registrato con un cronometro ideale di $\Delta T = 20 \text{ ns}$

$v_3 = \frac{L}{T} = 333.33 \text{ m/s}$

$u(L) = 0.01 \text{ m}$

$u_r(L) = 4.95 \cdot 10^{-3}$

$u(T) = \frac{\Delta T}{\sqrt{12}} = 5.779 \cdot 10^{-6}$

$u_r(T) = 9.53 \cdot 10^{-9}$

$u_r(v_3) = \sqrt{u_r^2(L) + u_r^2(T)} = 5.04 \cdot 10^{-3}$

$u(v_3) = u_r(v_3) \cdot v_3 = 1.68 \text{ m/s}$

$v_3 = (333.33 \pm 1.68) \text{ m/s}$

b) si valutano le compatibilità tra le misure

$v_1 - v_2$ $|v_1 - v_2| \leq k \sqrt{u^2(v_1) + u^2(v_2)}$
 $30 \leq k \cdot 5.12 \rightarrow k \geq 5.85$ (X)

$v_1 - v_3$ $|v_1 - v_3| \leq k \sqrt{u^2(v_1) + u^2(v_3)}$
 $33.33 \leq k \cdot 5.27 \rightarrow k \geq 6.32$ (X)

$v_2 - v_3$ $|v_2 - v_3| \leq k \sqrt{u^2(v_2) + u^2(v_3)}$
 $3.33 \leq k \cdot 2.02 \rightarrow k \geq 1.64$ (k=2) (✓)

c) miglior stima

$v = \frac{\frac{v_2}{u^2(v_2)} + \frac{v_3}{u^2(v_3)}}{\frac{1}{u^2(v_2)} + \frac{1}{u^2(v_3)}} = \frac{381.17559}{1.515} = 331.02 \text{ m/s}$

$u(v) = \sqrt{\frac{1}{\frac{1}{u^2(v_2)} + \frac{1}{u^2(v_3)}}} = 0.812 \text{ m/s}$

$v = (331.02 \pm 0.81) \text{ m/s}$

sd) se la massa del proiettile è derivata con una PDF trascurare come medie 20g e semilarghezza 1g si neavi E_k e $U(E_k)$ con $k=2$

$$m = 20g$$

$$u(m) = \frac{2 \cdot 1g}{\sqrt{21}} = 0.408g$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2 = 1095.74 J \quad u_r(m) = \frac{0.408g}{20g} = 0.0204$$

$$u_r(v) = \frac{0.81}{331.02} = 2.45 \cdot 10^{-3}$$

$$u_r(E_k) = \sqrt{u_r^2(m) + 4u_r^2(v)} = 0.02057$$

$$u(E_k) = 22.67 J$$

$$E_k = (1095.74 \pm 22.67) J$$

$$U(E_k) = 2 \cdot u(E_k) = 45 J$$

Es2 ⁹⁵¹ si ha una DAC e si vogliono acquisire:

^{+10 min}
^{+25 min} S_1 : tensione di rete attenuata di 60 dB

$$V_{in} = \frac{220\sqrt{2}}{2 \cdot 1000} \sin(2\pi f_1 t) \quad f_1 = 50 Hz$$

attenuate di 60 dB

$$= \frac{0.311 \sin(2\pi f_1 t)}{2}$$

S_2 : temperatura di un forno da cucina

range: 100 - 650°C, termocoppia e riferita a $T_{amb} = 20^\circ C$

$$V_z = k_{TV} \cdot (T - T_0) \quad k_{TV} = 100 \frac{\mu V}{K}$$

$$V_{zmax} = 100 \frac{\mu V}{K} \left([650 + 273.15] - [20 + 273.15] \right) = 100 \frac{\mu V}{K} \cdot 630 K = 0.063 V = 63 mV$$

$$V_{zmin} = 100 \frac{\mu V}{K} (100 - 20) = 8 mV$$

S_3 : segnale audio $f_3 = 20 kHz$ con $V_{pp} = \pm 5V$

S_4 : velocità di rotazione di una ventola a 4 pale $v = 600 \text{ giri/min}$
e sensore $V_A = 0V$ che in corrispondenza di ogni pala sale a $V_A = 2V$
ADC all'approx. me. $n = 14 \text{ bit}$ $D_{ADC} = \pm 10V$ $G_1 (dB) = 0, 6, 20, 40$

2a) velocità di campionamento minime?

$$f_1 = 50 Hz$$

f_2 molto lento

$$f_{max} = 20 kHz$$

$$f_3 = 20 kHz$$

$$f_c \geq 2 f_{max} = 40 kHz$$

$$f_4 = 10 \text{ giri/s}$$

accoppiamento in differenziale, # canali analogici e

$$f_{DAC} = \text{almeno } 100 kHz/s$$

2b) Involutive e guadagni

$$D_1 = 0.311 V$$

$$G_1 = \frac{D_{ADC}}{D_1} = 64 \rightarrow G_1 = 40$$

$$D_2 = 55 mV$$

$$G_2 = \frac{D_{ADC}}{D_2} = 363 \rightarrow G_2 = 40 \text{ massimo}$$

$$D_3 = \pm 5 V$$

$$G_3 = \frac{20}{10} = 2$$

$$\text{sia } G_3 = 1$$

$$D_4 = 6 V$$

$$G_4 = \frac{20}{2} = 10$$

$$G_4 = 10$$

riduzioni dimensionali e adimensionali

$$\Delta V = \frac{\frac{D_{ADC}}{G}}{2^n}$$

$$\Delta V_1 = 3.05 \cdot 10^{-5} V$$

$$\Delta V_2 = 3.05 \cdot 10^{-5} V$$

$$\Delta V_3 = 6.1 \cdot 10^{-9} V$$

$$\Delta V_4 = 1.22 \cdot 10^{-9} V$$

$$\delta = \frac{1}{N} = \frac{1}{2^n} = 6.1 \cdot 10^{-5}$$

Es3 Voltmetro integratore a doppia rampa che deve fornire almeno 20 cifre al secondo, ha $T_u = 15 m/s$ $f_c = 10 MHz$ con $V_r = 15 V$

3a) $V_{FS} - ?$

$$T_u = N_u \cdot T_c \rightarrow N_u = \frac{T_u}{T_c} = T_u \cdot f_c = 150.000 \text{ livelli}$$

$$T_{mes} = T_u + T_D = \frac{1}{f_c} = 50 \mu s$$

$$T_D = T_{mes} - T_u = 35 \mu s$$

$$N_D = \frac{T_D}{T_c} = 35 \mu s \cdot f_c = 350.000$$

$$V_x = -V_r \frac{T_D}{T_u} = -V_r \frac{N_D}{N_u} = 35 V$$

3b) $\delta - ?$ # bit e Δ ?

$$n = \log_2 N_{max} = 18.91 \rightarrow n = 19 \text{ bit}$$

$$\delta = \frac{1}{N_D} = 2.8 \cdot 10^{-6}$$

$$\Delta V = \frac{N_{min} V_r}{N_u} = \frac{1}{N_u} \cdot V_r = 100 \mu V$$

3c) Frequenze di massima risposta ai disturbi?

$$f_{int} = 66.67 \text{ Hz}$$

$$f_{int} = \frac{1}{T_u}$$

E34

6:30

AS a eterodina misura 2 componenti sinusoidali e opera con NF=20dB

$f_1 = 2 \text{ MHz}$ $V_{pp} = 40 \mu V$

$f_2 = 10 \text{ MHz}$ $V_{eff} = 700 \text{ nV}$

entrambe riportate su $R_{in} = 50 \Omega$.

9a) ST ? RBW = 20 kHz e span = 10 MHz

$ST = \frac{3 \text{ SPAN}}{RBW^2} = 0.0755 = 75 \text{ ms}$

9b) RBW=20kHz Calcolare le tutto e disegnare il segnale

$V_{eff} = \frac{V_{pp}}{\sqrt{2}}$

$V_p = \frac{V_{pp}}{2} = 20 \mu V$

$P = \frac{V_{eff}^2}{R_{in}}$

$P_1 = \frac{V_p^2}{2R_{in}} = 4 \cdot 10^{-12}$

$P_{1 \text{ dBm}} = 10 \log_{10} \left(\frac{P_1}{1 \text{ mW}} \right) = -84 \text{ dBm}$

$P_2 = \frac{V_{eff}^2}{R_{in}} = 9.8 \cdot 10^{-15}$

$P_2 \text{ dBm} = -110 \text{ dBm}$

$P_{Floor} = P_r \cdot RBW \cdot NF = -174 \text{ dBm} + 43 \text{ dB} + 20 \text{ dB} = -111 \text{ dBm}$

$RBW_{dB} = 43 \text{ dB}$

$= -111 \text{ dBm}$

$A_g = 4 \text{ dB/div}$

$RF = -80 \text{ dB}$

$f_{start} = 1 \text{ MHz}$

$f_{stop} = 11 \text{ MHz}$

$SPAN = 10 \text{ MHz}$

$A_x = \frac{SPAN}{10} = 1 \text{ MHz/div}$

$ST = \frac{3 \text{ SPAN}}{RBW^2} = 0.075 \text{ s}$

Non viene visto pero la prima componente spettrale

scelgo $RBW_{dB} = 20 \text{ dB}$ $10 \log_{10}(RBW) = 20$ $\log_{10} RBW = \log_{10} 10^2$
(cioè $RBW = 100 \text{ Hz}$)

$P_{Floor} = -134 \text{ dB}$

o meglio $RBW = 35 \text{ dB} = 3162 \text{ Hz} \approx 3 \text{ kHz}$
↑
quadrare

$P_{Floor} = -119 \text{ dB}$

4c) una nuova RBW i.e. S/R = 10 dB cioè $-110 \text{ dB} + \text{rumore} = 10 \text{ dB}$

$P_{Floor} = -120 \rightarrow$ infatti $RBW = 35 \text{ dB} \rightarrow 3 \text{ kHz}$

